

कूलॉम नियम से गाउस नियम की उपपत्ति proof of gauss's law using coulomb's law

(proof of gauss's law using coulomb's law) कूलॉम नियम से गाउस नियम की उपपत्ति : हम कूलॉम का नियम तथा गाउस का नियम विस्तार पूर्वक पढ़ चुके हैं तथा इनके सूत्रों की स्थापना भी कर चुके हैं।

अब हम कूलॉम के नियम का उपयोग करेंगे और कुलाम के नियम की सहायता से गाँस के नियम की उपपत्ति करेंगे।

गाउस ने कहा था की बंद पृष्ठ से परिवद्ध विद्युत फ्लक्स उस बंद पृष्ठ द्वारा परिवद्ध आवेश के $1/\epsilon_0 k$ गुना होता है।

और इसी को हम गणितीय रूप में स्थापित करने जा रहे हैं।

मान लीजिये एक बंद पृष्ठ दिया गया है इस बन्द पृष्ठ आवेश के किसी बिन्दु O पर एक धनावेश q रखा गया है। बिंदु O से r दूरी पर पृष्ठ के क्षेत्रफल का अल्पांश dS मानते हैं तथा इस r दूरी पर q के कारण विद्युत क्षेत्र की तीव्रता कूलाम के नियम से निम्न प्रकार दी जाएगी।

विद्युत क्षेत्र के लिए परिमाण निम्न प्रकार दिया जाता है

समीकरण को अरेंज करने पर

$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \hat{r}$$

$4\pi r^2$ पृष्ठ का क्षेत्रफल है , बायीं साइड लेने पर , $4\pi r^2$ के स्थान पर पृष्ठ का क्षेत्रफल A रखने पर , समाकलन सम्पूर्ण पृष्ठ के क्षेत्रफल को दर्शाता है।

चूँकि E सम्पूर्ण पृष्ठ में समान है अतः यह constant की भाँति है अतः समाकलन के भीतर ले सकते हैं

$$E = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$

याद कीजिये यह विद्युत फ्लक्स का सूत्र है

वापस ऊपर वाली समीकरण को स्मरण कीजिये जो हमने लिखी निम्न प्रकार लिखी थी

$$E \times 4\pi r^2 = \frac{q}{\epsilon_0}$$

बायीं तरफ के स्थान पर हम E .dA लिख सकते हैं क्योंकि यह हमने अभी ज्ञात किया है अतः

$$\Phi_E = \frac{q}{\epsilon_0}$$

$$E \times 4\pi r^2 = E \times \oint_{S_r} dA$$

उपरोक्त समीकरण को ही गाउस का नियम कहते हैं।

$$\begin{aligned} E \times 4\pi r^2 &= \oint_{S_r} E dA \\ &= \oint_{S_r} \vec{E} \cdot d\vec{A} \end{aligned}$$

$$d\Phi_E = \vec{E} \cdot d\vec{A}.$$

$$E \times 4\pi r^2 = \frac{q}{\epsilon_0}$$

evidyarthi